

نام و نام خانوادگی:

نام آزمون: آزمون ۲ حرکت تجربی دانش

زمان برگزاری: ۲۰ دقیقه



عادل قادرپناه

۱ متحرکی روی محور x از نقطه A در مکان $x_A = +4m$ طی مدت زمان $3s$ به نقطه B می‌رسد و از نقطه B طی مدت زمان $4s$ به نقطه C می‌رسد. اگر سرعت متوسط متحرک از نقطه A تا نقطه B برابر با $3 \frac{m}{s}$ و از نقطه B تا نقطه C برابر با $5 \frac{m}{s}$ باشد، مکان نقطه C در SI کدام است؟

- ۱) ۲۵ ۲) ۱۰ ۳) ۱۵ ۴) ۱۱

۲ در یک بازه زمانی مشخص، سرعت متوسط متحرکی که بر روی محور x حرکت می‌کند، در SI برابر با $1 \cdot \vec{i}$ و تندی متوسط آن برابر $15 \frac{m}{s}$ است. چند مورد از عبارتهای زیر در مورد حرکت این متحرک در این بازه زمانی الزاماً صحیح است؟

الف) مسافت طی شده با بزرگی جابه‌جایی متحرک برابر است.

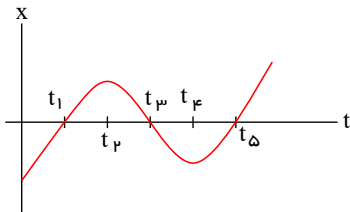
ب) بردار جابه‌جایی متحرک در خلاف جهت محور x است.

ج) جهت حرکت متحرک تغییر کرده است.

د) اگر متحرک در ابتدای بازه زمانی در جهت مثبت محور x در حال حرکت باشد، حداقل یک بار دیگر از مبدأ حرکت عبور می‌کند.

- ۱) ۱ ۲) ۲ ۳) ۳ ۴) ۴

۳ شکل مقابل نمودار مکان - زمان متحرکی را در حرکت روی خط راست را نشان می‌دهد. در کدام بازه زمانی، سرعت متوسط جسم برابر سرعت آن در لحظه t_p است؟



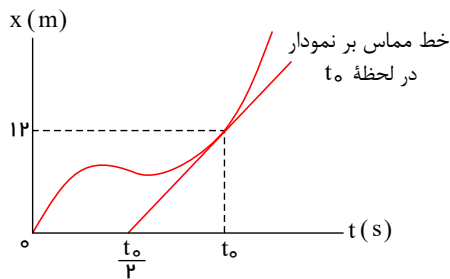
۲) t_4 تا t_1

۴) t_3 تا 0

۱) t_4 تا t_p

۳) t_5 تا t_p

۴ در نمودار مکان - زمان شکل زیر، اگر تندی لحظه‌ای متحرک در لحظه t_0 بزرگ‌تر از بزرگی سرعت متوسط متحرک در t_0 ثانیه اول حرکت باشد، t_0 بر حسب ثانیه کدام است؟



۱) ۱۲

۲) ۴

۳) ۸

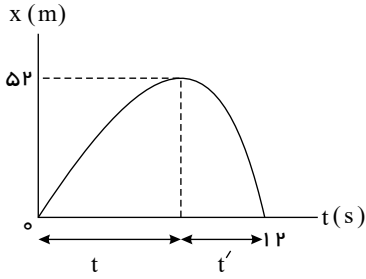
۴) ۶

۵ رابطه مکان - زمان متحرکی در SI به صورت $x = t^3 - 2t^2 - 9t + 10$ است. سرعت متوسط متحرک از لحظه صفر تا چه لحظه‌ای بر حسب ثانیه برابر ۹۰ متر بر ثانیه می‌شود؟

- ۱) ۱۳ ۲) ۱۱ ۳) ۹ ۴) ۷



۶ نمودار مکان - زمان متحرکی که روی خطی راست حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. اگر تندی متوسط متحرک در t ثانیه اول حرکت نصف



تندی متوسط آن در t' ثانیه بعدی حرکت باشد، تندی متوسط در t ثانیه اول حرکت چند متر بر ثانیه است؟

- ۱ ۱۳
- ۲ ۶٫۵
- ۳ $\frac{13}{3}$
- ۴ ۲۶

۷ کدام یک از گزینه‌های زیر کمیتی اصلی محسوب نمی‌شود؟

- ۱ مقدار ماده
- ۲ جریان الکتریکی
- ۳ دما
- ۴ شدت تابش

۸ اگر در مدت نیم ساعت، ۹ لیتر آب از شیر آبی خارج شود، آهنگ خروج آب از این شیر چند متر مکعب بر ثانیه است؟

- ۱ 5.0×10^{-2}
- ۲ 5.0×10^{-3}
- ۳ 5.0×10^{-6}
- ۴ 5.0×10^{-5}

۹ ظرف استوانه‌ای شکل را به قطر 40 mm و ارتفاع 20 cm پر از آب می‌کنیم. حجم آب بر حسب لیتر و دسی‌متر مکعب به ترتیب از راست به

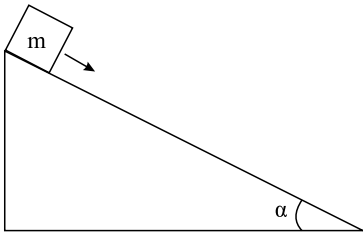
چپ کدام است؟ ($\pi = 3$)

- ۱ 10^1 و 24×10^1
- ۲ 10^1 و 24×10^1
- ۳ 10^{-1} و 2.4×10^{-1}
- ۴ 10^{-1} و 2.4×10^{-1}

۱۰ مطابق شکل زیر، جسم کوچکی از حال سکون روی سطح شیب‌داری رها می‌شود. در مدل‌سازی این حرکت، چه تعداد از آثارهای زیر مهم و

تعیین‌کننده است؟

- ۱ زاویه سطح شیب‌دار
- ۲ نیروی اصطکاک جسم با سطح
- ۳ نیروی مقاومت هوا
- ۴ تغییر نیروی وزن جسم در اثر لغزیدن روی سطح
- ۵ دمای هوای محیط



- ۱ ۱
- ۲ ۲
- ۳ ۳
- ۴ ۴



پاسخنامه تشریحی

باتوجه به رابطه سرعت متوسط، ابتدا مکان نقطه B و سپس مکان نقطه C را به دست می آوریم: (۱) (۲) (۳) (۴)

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \xrightarrow{x_A = 4m, \Delta t = 3s} -3 = \frac{x_B - 4}{3} \Rightarrow x_B = -5m$$

$$v'_{av} = \frac{\Delta x'}{\Delta t'} \xrightarrow{x_B = -5m, \Delta t' = 4s} 5 = \frac{x_C - (-5)}{4} \Rightarrow x_C = 15m$$

اندازه سرعت متوسط از تندی کوچکتر است. در نتیجه اندازه جابه جایی از مسافت پیموده شده کوچکتر است و الف درست نیست. (۱) (۲) (۳) (۴)

سرعت متوسط متحرک در سوی مخالف محور x است. پس جابه جایی متحرک نیز در سوی مخالف محور x است و ب درست است.

باتوجه به اینکه حرکت بر خط راست است و اندازه جابه جایی از مسافت پیموده شده کمتر است، جهت حرکت حداقل یک بار تغییر کرده است. پس ج درست است.

کل جابه جایی متحرک در سوی منفی محور x است. در نتیجه اگر در شروع حرکت متحرک در سوی مثبت محور x حرکت کند، باید تغییر جهت بدهد و یک بار دیگر از مبداء حرکت (مکان اولیه) عبور کند؛ بنابراین د درست است.

پس موارد ب، ج و د درست هستند و پس پاسخ گزینه ۳ است.

در لحظه t_p خط مماس بر منحنی مکان - زمان موازی محور زمان بوده و بنابراین در t_p سرعت صفر است، پس: (۱) (۲) (۳) (۴)

$$v(t_p) = 0 \Rightarrow v_{av} = 0 \Rightarrow \Delta x_{av} = 0$$

بنابراین در بازه زمانی خواسته شده جابه جایی صفر است و مکان شروع و پایان حرکت یکی می باشد؛ پس گزینه (۳) درست است.

$$t_p \Rightarrow x = 0 \Rightarrow \Delta x = 0 \Rightarrow v_{av} = 0$$

$$t_d \Rightarrow x = 0 \Rightarrow \Delta x = 0 \Rightarrow v_{av} = 0$$

تندی متحرک در لحظه t_0 برابر اندازه شیب خط مماس بر منحنی $x - t$ در لحظه t_0 است و داریم: (۱) (۲) (۳) (۴)

$$t_0 \text{ تندی در لحظه } t_0 = \left| \frac{12 - 0}{t_0 - \frac{t_0}{2}} \right| = \frac{12}{\left(\frac{t_0}{2}\right)} = \frac{24}{t_0}$$

همچنین بزرگی سرعت متوسط متحرک در t_0 ثانیه اول حرکت (از لحظه صفر تا لحظه t_0) را به صورت زیر به دست می آوریم:

$$\text{بزرگی سرعت متوسط در } t_0 \text{ ثانیه اول} = \left| \frac{x(t_0) - x(0)}{t_0 - 0} \right| = \left| \frac{12 - 0}{t_0} \right| = \frac{12}{t_0}$$

باتوجه به فرض سؤال که تندی در لحظه t_0 از بزرگی سرعت متوسط در t_0 ثانیه اول بزرگتر است نتیجه می گیریم:

$$\frac{24}{t_0} = \frac{12}{t_0} + 2 \Rightarrow \frac{12}{t_0} = 2 \Rightarrow t_0 = 6s$$

فرض می کنیم سرعت متوسط متحرک از لحظه صفر تا لحظه T برابر 90 متر بر ثانیه است. (۱) (۲) (۳) (۴)

$$\begin{cases} t = 0 \Rightarrow x_0 = +10m \\ t = T \Rightarrow x_T = (T^3 - 2T^2 - 9T + 10)m \end{cases} \Rightarrow \Delta x = x_T - x_0 = T^3 - 2T^2 - 9T$$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{T} = \frac{T^3 - 2T^2 - 9T}{T} = T^2 - 2T - 9 = 90 \Rightarrow T^2 - 2T - 99 = 0$$

$$T = \frac{2 \pm \sqrt{4 + 4 \times 99}}{2} = \frac{2 \pm \sqrt{400}}{2} = \frac{2 \pm 20}{2} = 1 \pm 10 \Rightarrow \begin{cases} T = 11s \\ T = -9s \end{cases}$$

با توجه به اینکه لحظه مورد نظر بعد از لحظه صفر است، پاسخ $T = 11s$ است.

(۱) (۲) (۳) (۴)

$$\bar{s} = \frac{\text{مسافت}}{\text{زمان}} = \frac{d}{t}$$

$$\bar{s}_{t=0.5} = \frac{1}{2} \bar{s}_{1.5 \leq t'} \Rightarrow \frac{52}{t} = \frac{1}{2} \times \frac{52}{t'} \xrightarrow{t'=1.5-t} \frac{1}{t} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{(1.5-t)} \rightarrow t = 24 - 2t \rightarrow 3t = 24 \rightarrow t = 8s, t' = 4s$$

$$\text{تندی متوسط در } t \text{ ثانیه اول} \bar{s} = \frac{d}{t} = \frac{52}{8} = 6.5 m/s$$

هفت کمیت اصلی داریم که عبارتند از: طول، جرم، زمان، دما، جریان الکتریکی، مقدار ماده و شدت نور. (۱) (۲) (۳) (۴)



توجه داشته باشید که شدت روشنایی کمیته متفاوت با شدت تابش است.

۸ بر طبق روش تبدیل واحد زنجیره ای داریم:

$$\text{آهنگ خروج آب} = \frac{9L}{0.5h} = 18 \frac{L}{h} \times \frac{10^{-3} m^3}{1L} \times \frac{1h}{3600s} = 5.0 \times 10^{-6} m^3/s$$

۹ می‌دانیم حجم آب برابر حجم استوانه است. برای به دست آوردن حجم استوانه از رابطه (ارتفاع \times مساحت) استفاده می‌کنیم. برای به دست آوردن حجم استوانه

به لیتر ابتدا تمامی واحدها را به cm تبدیل می‌کنیم:

$$\text{شعاع} = 20mm$$

$$20mm \times \frac{10^{-3}m}{1mm} \times \frac{10^2cm}{1m} = 2cm$$

$$\text{مساحت قاعده} = (\text{شعاع})^2 \times \pi = 2^2 \times 3 = 12cm^2$$

$$\text{حجم استوانه} = 12cm^2 \times 20cm = 240cm^3$$

$$240cm^3 \times \frac{1Lit}{10^3cm^3} = 0.24Lit = 2.4 \times 10^{-1}Lit$$

حال حجم استوانه را برحسب دسی‌متر مکعب به دست می‌آوریم:

$$\text{شعاع} = 20mm$$

$$20.2 = \frac{10^{-1}dm}{1m} \times \frac{10^3m}{1mm} \times 2 = 2 \times 10^{-1}dm$$

$$\text{ارتفاع} = 20cm \times \frac{10^{-2}m}{1cm} \times \frac{10^1dm}{1m} = 25m$$

$$\text{مساحت قاعده} = (\text{شعاع})^2 \times \pi = (2 \times 10^{-1})^2 \times 3 = 1.2 \times 10^{-1}dm^2$$

$$1.2 \times 10^{-1} \times 2 = 2.4 \times 10^{-1}dm^3$$

۱۰ مورد ۱ و ۲ تعیین‌کننده و مورد ۳، ۴ و ۵ جزئی هستند.

بررسی موارد:

۱) هر چه زاویه سطح بیشتر باشد، مدت زمان حرکت کمتر است و جسم با شتاب بیشتری حرکت می‌کند.

۲) هر چه نیروی اصطکاک بیشتر باشد، جسم با شتاب کمتری حرکت می‌کند.

۳) چون جسم کوچک و تندی کم است، مقاومت هوا تأثیری ندارد.

۴) چون میزان جابه‌جایی کم است، تغییر وزن در اثر کاهش ارتفاع جسم ناچیز است.

۵) دمای محیط می‌تواند باعث تغییر جزئی در ابعاد جسم شود که قابل توجه نیست.

پاسخنامه کلیدی

۱	۱	۲	۳	۴
۲	۱	۲	۳	۴
۳	۱	۲	۳	۴

۴	۱	۲	۳	۴
۵	۱	۲	۳	۴
۶	۱	۲	۳	۴

۷	۱	۲	۳	۴
۸	۱	۲	۳	۴
۹	۱	۲	۳	۴

۱۰	۱	۲	۳	۴
----	---	---	---	---